



CAPITULO 6:

FUNCIONES

$$y = f(x) = \frac{2x+1}{3}$$



- En los capítulos anteriores hemos aprendido a usar funciones predefinidas:

`abs()`

`round()`

`sin()`

- Ahora veremos como crear **NUESTRAS** propias funciones. Para enriquecer y adaptar el lenguaje a nuestras necesidades y resolver problemas complejos de manera simple.
- Llamando a funciones desde nuestro programa.



- 6 Funciones.
 - **6.1 Uso de funciones**
 - 6.2 Definición de funciones
 - 6.2.1 Funciones con un solo parámetro
 - 6.2.2 Funciones con varios parámetros
 - 6.2.3 Funciones sin parámetros
 - 6.2.4 Procedimientos: Funciones sin devolución.
 - 6.2.5 Funciones que devuelven LISTAS.



- Denominamos: **ACTIVAR, LLAMAR o INVOCAR** a una función, a la acción de utilizarla.
- Las funciones que hemos visto, reciben cero, o mas datos (argumentos) para trabajar, separados con comas y entre «()».
- Estas pueden devolver un valor, veamos ejemplos:

```
>>> abs(-3) ↵  
3  
>>> abs(round(2.45, 1)) ↵  
2.5  
>>> from sys import exit ↵  
>>> exit() ↵
```



- También podíamos llamar a una función desde una expresión, teniendo en cuenta los tipos de datos!

```
>>> 2.5 / abs(round(2.45, 1)) ↵  
1.0  
>>> 3 + str(3) ↵  
Traceback (most recent call last):  
  File "<stdin>", line 1, in ?  
TypeError: number coercion failed
```

- Ahora veremos como definir nuestras propias funciones!



- 6 Funciones.
 - 6.1 Uso de funciones
 - **6.2 Definición de funciones**
 - 6.2.1 Funciones con un solo parámetro
 - 6.2.2 Funciones con varios parámetros
 - 6.2.3 Funciones sin parámetros
 - 6.2.4 Procedimientos: Funciones sin devolución.
 - 6.2.5 Funciones que devuelven LISTAS.



TEMARIO

- 6 Funciones.
 - 6.1 Uso de funciones
 - 6.2 Definición de funciones
 - 6.2.1 Funciones con un solo parámetro
 - 6.2.2 Funciones con varios parámetros
 - 6.2.3 Funciones sin parámetros
 - 6.2.4 Procedimientos: Funciones sin devolución.
 - 6.2.5 Funciones que devuelven LISTAS.



- Funciones con un solo parámetro:
- Veamos COMO **definir una función** sencilla, que reciba un valor y **devuelva** el resultado de elevarlo al cuadrado.

```
def cuadrado(x):  
    return x ** 2
```

- **Palabras nuevas!:** DEF significa **DEFINIR**.
RETURN significa **DEVOLVER**.



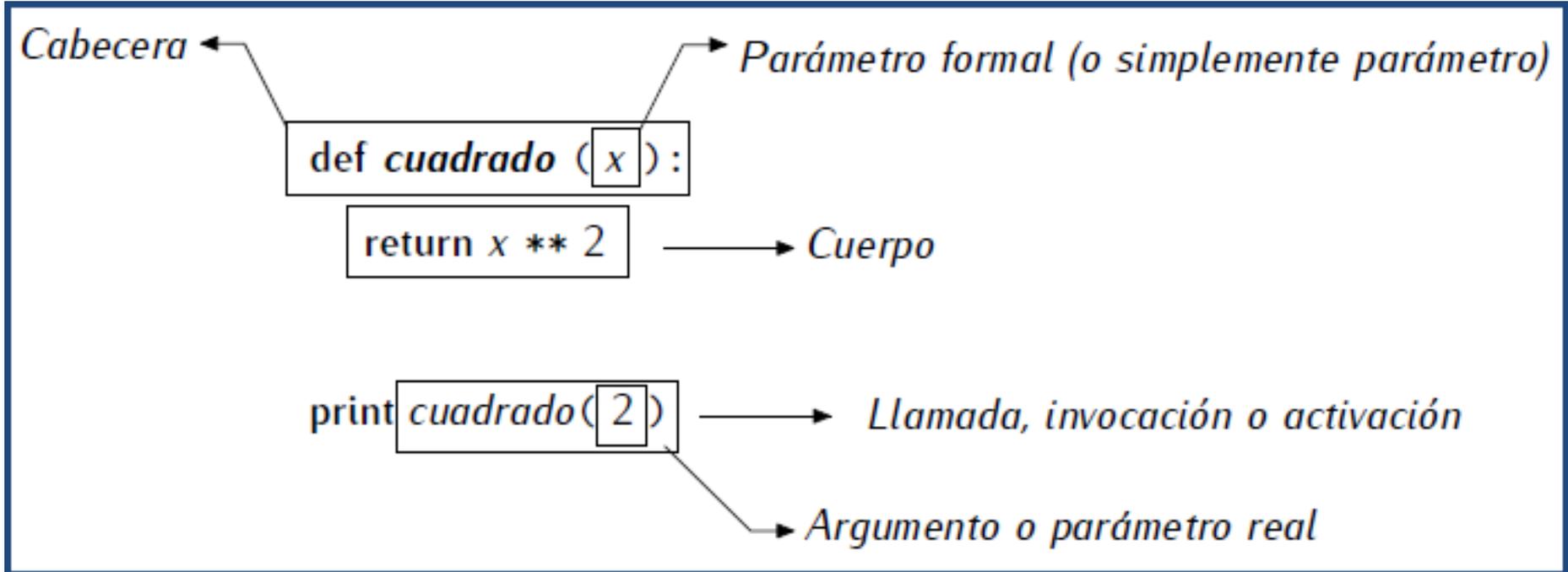
- **Una vez DEFINIDA** ya PODEMOS utilizar la función!

```
cuadrado.py  cuadrado.py
1 def cuadrado(x) :
2     return x ** 2
3
4 print cuadrado(2)
5 a = 1 + cuadrado(3)
6 print cuadrado(a * 3)
```

- La línea que comienza con def, es la **CABECERA** de la **función**.
- Lo que esta «dentro» de esta instrucción es el **CUERPO** de la **función**



Definición de Funciones



- Al definir una función, podemos colocar entre «()» su/s parámetro/s, este se denomina **PARAMETRO FORMAL!**
- El valor que le enviamos al llamar a la función se denomina **PARAMETRO REAL o ARGUMENTO.**



- El código que no este comprendido dentro del cuerpo de la/s función/es. Es el **PROGRAMA PRINCIPAL**.
- El código del cuerpo de la función solo se ejecutara cuando esta se invoque.

 cuadrado.py

cuadrado.py

```
1 def cuadrado(x):  
2     return x ** 2  
3  
4 print cuadrado(2)  
5 a = 1 + cuadrado(3)  
6 print cuadrado(a * 3)
```



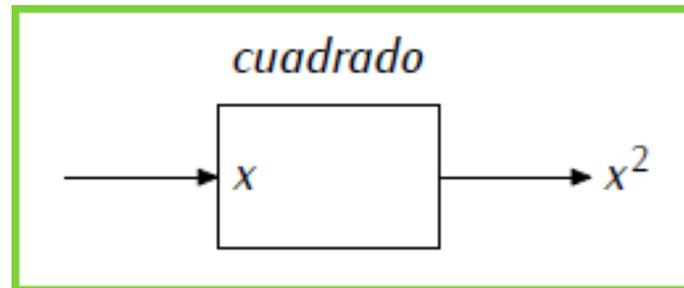
Definición de Funciones

- Reglas para dar NOMBRE a las funciones:
- **Similares a las reglas para variables:**
 - **Solo se puede utilizar letras, dígitos y el carácter subrayado.**
 - **La primera letra del nombre NO PUEDE SER UN NUMERO.**
 - **NO se PUEDE usar PALABRAS RESERVADAS.**
 - **NO PUEDE tener el mismo NOMBRE una variable y una FUNCION.**

Definición de Funciones

Ing. Ventre, Luis O.

- Una función, puede verse como un bloque al que se le conecta una entrada y genera una salida.
- **Como lo hace, puede no interesarnos.**

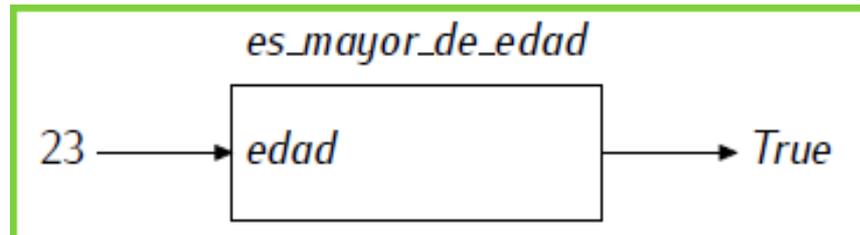


- Desde una función se puede invocar a otra función.



Definición de Funciones

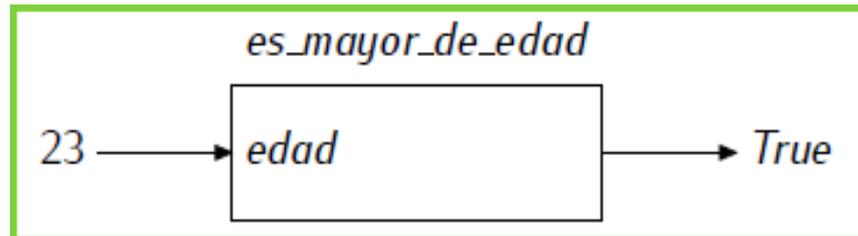
- Adentro del cuerpo de una función, **pueden utilizarse sentencias de selección, iteración, etc.**
- **Y podemos devolver un valor booleano por ejemplo:**



```
1 def es_mayor_de_edad(edad):  
2     if edad < 18:  
3         resultado = False  
4     else:  
5         resultado = True  
6     return resultado
```



- Una forma usual de trabajar, es utilizar UNA SOLA instrucción RETURN al final de la función. Pero observa el siguiente ej:



```
1 def es_mayor_de_edad(edad):  
2     if edad < 18:  
3         return False  
4     else:  
5         return True
```

- También es correcto!. El return fuerza la finalización de la ejecución de la FUNCION.



- Veamos otro ejemplo. Un programa que nos diga si un número es o no **perfecto**.
- Considerando perfecto al número que:
 - Es igual a la suma de todos sus divisores excluido el mismo.
- Por ejemplo 6. Es divisible por 1, por 2 y por 3. La suma de estos da 6...
- **Comenzamos definiendo la función!**

```
1 def es_perfecto(n):  
2     ...
```



- Estamos interesados en conocer TODOS sus divisores. Una vez que tengamos en claro cuales son, solo hay que sumarlos! Si el resultado es el numero: es perfecto!
- Podemos usar un bucle entre 1 y el numero -1, y preguntar si son divisores:

```
1 def es_perfecto(n):  
2     for i in range(1, n):  
3         if i es divisor de n:  
4             ...
```



- Como podemos definir si un numero es divisor de otro?

```
1 def es_perfecto(n):  
2     for i in range(1, n):  
3         if n % i == 0:  
4             ...
```

- Ahora deberíamos sumar todos los elementos que cumplan este IF

```
1 def es_perfecto(n):  
2     sumatorio = 0  
3     for i in range(1, n):  
4         if n % i == 0:  
5             sumatorio += i  
6     ...
```



- Una vez finalizado el bucle, deberíamos corroborar si la sumatoria es igual al numero y devolver True o False

```
1 def es_perfecto(n):  
2     sumatorio = 0  
3     for i in range(1, n):  
4         if n % i == 0:  
5             sumatorio += i  
6     if sumatorio == n:  
7         return True  
8     else:  
9         return False
```



- Observa la siguiente optimización de las últimas 4 líneas!

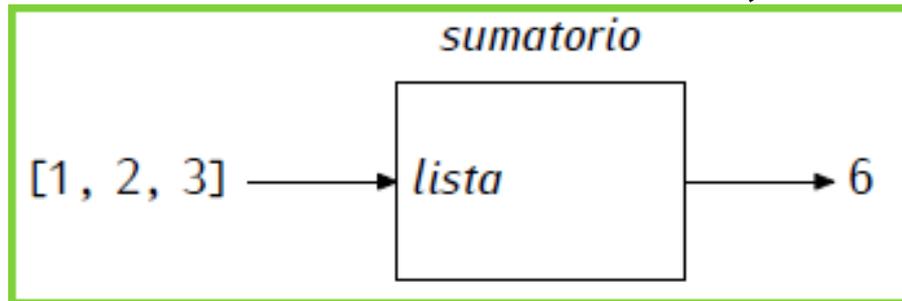
```
1 def es_perfecto(n):  
2     sumatorio = 0  
3     for i in range(1, n):  
4         if n % i == 0:  
5             sumatorio += i  
6     return sumatorio == n
```

- El return, devuelve el resultado de evaluar la expresión lógica de comparar sumatorio y n. True o False!



Definición de Funciones

- Hasta el momento, las funciones recibieron un DATO único como argumento!
- **También podemos crear una función, que reciba como argumento un dato ESTRUCTURADO, una lista!**



```
1 def sumatorio(lista):  
2     s = 0  
3     for numero in lista:  
4         s += numero  
5     return s
```

```
7 a = [1, 2, 3]  
8 print sumatorio(a)
```



- Veamos otro ejemplo: un programa que reciba una lista y me devuelva su mayor elemento.

```
maximo_7.py  
1 def maximo(lista):  
2     for elemento in lista:  
3         if elemento > candidato:  
4             candidato = elemento  
5     return candidato
```

- Visualiza algún posible error?



- Cuanto vale candidato en la primer ejecución?...
- Podría darle un valor, suficientemente chico **para que SI o SI todos sean mayores, cual SERIA?**

```
1 def maximo(lista):  
2     candidato = lista[0]  
3     for elemento in lista:  
4         if elemento > candidato:  
5             candidato = elemento  
6     return candidato
```

La forma correcta es igualarlo al primer elemento. Si es el mayor todo ok, sino será reemplazado posteriormente.



- Pero aun hay un error, que pasa si el usuario le envía a esta función **una LISTA VACIA?**
- Intentaremos acceder al elemento [0]. **Generando un INDEX ERROR.**
- Si recibimos una lista vacía, que devolvemos en este caso?.....0?...
- Lo correcto es devolver **NONE**. Este valor es predefinido de python y representa **ausencia de valor**, significa **ninguno**.
- Veamos como quedaría el ejercicio final



```
1 def maximo(lista):
2     if len(lista) > 0:
3         candidato = lista[0]
4         for elemento in lista:
5             if elemento > candidato:
6                 candidato = elemento
7     else:
8         candidato = None
9     return candidato
```

Ahora si, nuestro programa es **CORRECTO!**



- Hasta el momento, tus programas tienen 3 tipos de líneas.
 - Líneas para importar funciones o módulos.
 - Líneas para definición de funciones.
 - Líneas del programa principal.
- Es importante MANTENER la LEGIBILIDAD de nuestro PROGRAMA.
- Recuerda, el mantenimiento a futuro de nuestro programa es importante y rentable. La legibilidad IMPACTA directamente.

- Ejemplo de ilegibilidad:

```
1 def cuadrado(x):  
2     return x**2  
3  
4 vector = []  
5 for i in range(3):  
6     vector.append(float(raw_input('Dame un número: ')))  
7  
8 def suma_cuadrados(v):  
9     s = 0  
10    for e in v:  
11        s += cuadrado(e)  
12    return s  
13  
14 y = suma_cuadrados(vector)  
15  
16 from math import sqrt  
17  
18 print 'Distancia al origen:', sqrt(y)
```





- Ejemplo de legibilidad:

```
1 from math import sqrt
2
3 def cuadrado(x):
4     return x**2
5
6 def suma_cuadrados(v):
7     s = 0
8     for e in v:
9         s += cuadrado(e)
10    return s
11
12 # Programa principal
13 vector = []
14 for i in range(3):
15     vector.append(float(raw_input('Dame un número: ')))
16 y = suma_cuadrados(vector)
17 print 'Distancia al origen:', sqrt(y)
```

Orden:

- 1-Importar
- 2-Definir Func.
- 3-Prog. Ppal.

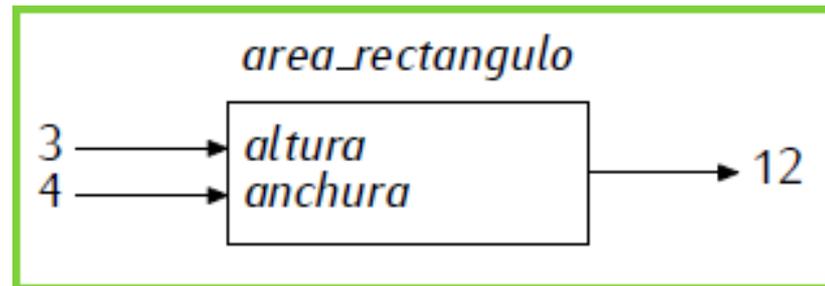




- 6 Funciones.
 - 6.1 Uso de funciones
 - 6.2 Definición de funciones
 - 6.2.1 Funciones con un solo parámetro
 - 6.2.2 Funciones con varios parámetros
 - 6.2.3 Funciones sin parámetros
 - 6.2.4 Procedimientos: Funciones sin devolución.
 - 6.2.5 Funciones que devuelven LISTAS.



- Una función puede recibir **mas de un parámetro** para producir su resultado.



- Su código:

```
1 def area_rectangulo(altura, anchura):  
2     return altura * anchura  
3  
4 print area_rectangulo(3, 4)
```



- 6 Funciones.
 - 6.1 Uso de funciones
 - 6.2 Definición de funciones
 - 6.2.1 Funciones con un solo parámetro
 - 6.2.2 Funciones con varios parámetros
 - 6.2.3 Funciones sin parámetros
 - 6.2.4 Procedimientos: Funciones sin devolución.
 - 6.2.5 Funciones que devuelven LISTAS.



- Es posible definir funciones **SIN parámetros**, PERO es obligatorio el uso de **paréntesis**, en la **definición** y en el **llamado!**...no lo olvides.



- Veamos una función para leer del teclado un VALOR.

lee_entero



número entero

```
1 def lee_entero () :  
2     return int (raw_input ())  
3  
4 a = lee_entero ()
```



- Los paréntesis son necesarios...veamos el siguiente caso:

```
>>> def saluda(): ↵  
...     print 'Hola' ↵  
...     ↵  
>>> saluda() ↵  
Hola  
>>> saluda ↵  
<function saluda at 0x8160854>
```

- Aquí al llamar a saluda, sin los paréntesis, el interprete nos responde indicándonos que objetos es y donde esta ubicado.!



- Otro uso importante es por ejemplo, desplegar un menú con una función:

```
1 def menu():
2     opcion = ''
3     while not ('a' <= opcion <= 'c'):
4         print 'Cajero_automático.'
5         print 'a)_Ingresar_dinero.'
6         print 'b)_Sacar_dinero.'
7         print 'c)_Consultar_saldo.'
8         opcion = raw_input('Escoja_una_opción:')
9         if not (opcion >= 'a' and opcion <= 'c'):
10            print 'Sólo_puede_escoger_las_letras_a,_b_o_c._Inténtelo_de_nuevo.'
11     return opcion
```

- Esta función al invocarla, mostrara el menú, y nos DEVOLVERA la opción selecta.!



- Hay funciones SIN PARAMETROS que pueden importarse de módulos.
- Una función muy usada es la función RANDOM. (aleatorio)

random



→ valor x tal que $0.0 \leq x < 1.0$



Funciones sin parámetros

- La función RANDOM del modulo RANDOM, devuelve un numero al AZAR mayor o igual 0.0 y menor que 1.0

```
>>> from random import random ↵  
>>> random() ↵  
0.73646697433706487  
>>> random() ↵  
0.6416606281483086  
>>> random() ↵  
0.36339080016840919  
>>> random() ↵  
0.99622235710683393
```

- La usaremos mas adelante. Es útil, en estadísticas, etc



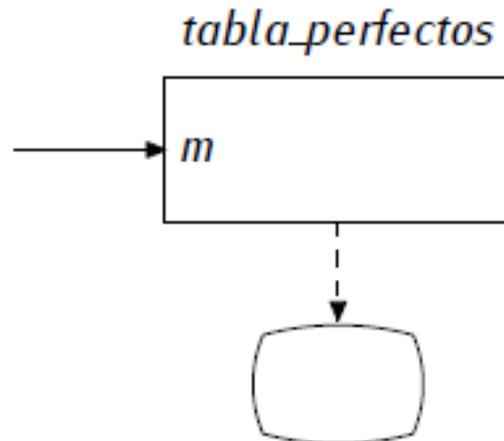
- 6 Funciones.
 - 6.1 Uso de funciones
 - 6.2 Definición de funciones
 - 6.2.1 Funciones con un solo parámetro
 - 6.2.2 Funciones con varios parámetros
 - 6.2.3 Funciones sin parámetros
 - 6.2.4 Procedimientos: Funciones sin devolución de valor.
 - 6.2.5 Funciones que devuelven LISTAS.



- Existen funciones que **NO DEVUELVEN** valor alguno.
- Estas se denominan **PROCEDIMIENTOS**.
- Pueden tener la sentencia RETURN, aunque esta no puede ir acompañada de expresión alguna.
- El significado de RETURN en un procedimiento es indicar el fin de la ejecución de esa función en ese momento.
- Y son útiles?veremos a continuación



- Los casos mas comunes de los PROCEDIMIENTOS son los de **INDICAR por pantalla** resultados.
- Esto no implica devolver un valor al programa. Solo **RECIBE argumentos**, OPERA sobre ellos y los **muestra por pantalla**.
- Veamos un programa que haga uso del programa de números PERFECTOS.





- Este programa recibirá un número, solicitado al usuario, e imprimirá en pantalla todos los números perfectos entre 1 y dicho número.

```
1 def es_perfecto(n): # Averigua si el número n es o no es perfecto.
2     sumatorio = 0
3     for i in range(1, n):
4         if n % i == 0:
5             sumatorio += i
6     return sumatorio == n
7
8 def tabla_perfectos(m): # Muestra todos los números perfectos entre 1 y m.
9     for i in range(1, m+1):
10        if es_perfecto(i):
11            print i, 'es un número perfecto'
12
13 numero = int(raw_input('Dame un número: '))
14 tabla_perfectos(numero)
```



- Observa que en la función `tabla_perfectos`, NO HAY SENTENCIA RETURN.
- Si utilizamos el procedimiento como función con devolución que pasa?

```
13 numero = int(raw_input('Dame un número: '))  
14 resultado = tabla_perfectos(100)  
15 print resultado
```

```
Dame un número: 100  
6 es un número perfecto  
28 es un número perfecto  
None ←
```





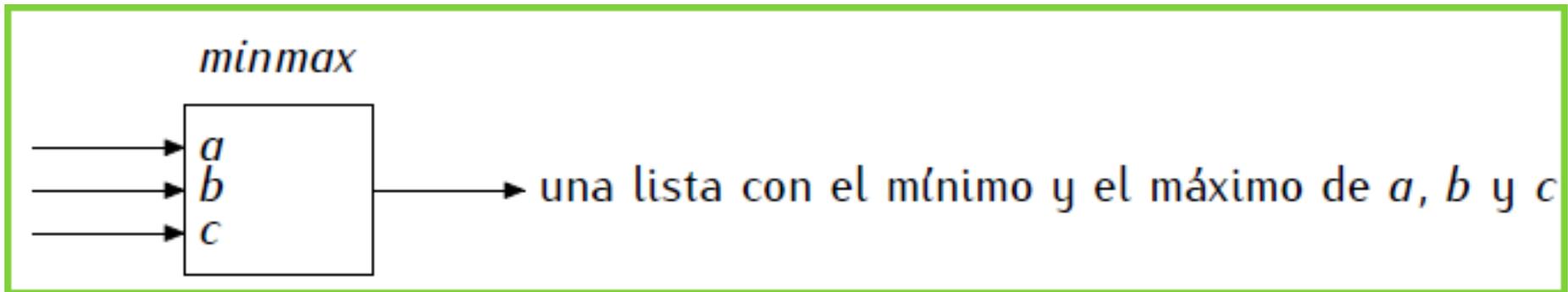
- 6 Funciones.
 - 6.1 Uso de funciones
 - **6.2 Definición de funciones**
 - 6.2.1 Funciones con un solo parámetro
 - 6.2.2 Funciones con varios parámetros
 - 6.2.3 Funciones sin parámetros
 - 6.2.4 Procedimientos: Funciones sin devolución de valor.
 - **6.2.5 Funciones que devuelven LISTAS.**



- De acuerdo a lo visto, una función con un return puede devolver un solo valor.
- Las listas, son secuencias de valores, por lo tanto si **devolvemos una lista**, estamos devolviendo mas de un valor.
- Supongamos que nuestro objetivo es crear el siguiente programa:
 - Debe recibir una lista de 3 elementos.
 - Debe devolver el mayor y el menor valor de la lista.



- El problema puede representarse:





- Para encontrar el mayor y el menor hay muchas formas, veamos una:

```
2   if  $a < b$ :
3       if  $a < c$ :
4            $min = a$ 
5       else:
6            $min = c$ 
7   else:
8       if  $b < c$ :
9            $min = b$ 
10      else:
11           $min = c$ 
```

```
12  if  $a > b$ :
13      if  $a > c$ :
14           $max = a$ 
15      else:
16           $max = c$ 
17  else:
18      if  $b > c$ :
19           $max = b$ 
20      else:
21           $max = c$ 
```



- Estas partes armarían nuestra función **minmax**

```
1 def minmax(a, b, c):  
2     if a < b:  
3         if a < c:  
4             min = a  
5         else:  
6             min = c  
7     else:  
8         if b < c:  
9             min = b  
10        else:  
11            min = c
```

```
12        if a > b:  
13            if a > c:  
14                max = a  
15            else:  
16                max = c  
17        else:  
18            if b > c:  
19                max = b  
20            else:  
21                max = c  
22        return [min, max]
```



- Veamos que sucede al invocarla:

```
⋮  
24 a = minmax(10, 2, 5)  
25 print 'El mínimo es', a[0]  
26 print 'El máximo es', a[1]
```

- Observe la siguiente opción!:

```
⋮  
24 [minimo, maximo] = minmax(10, 2, 5)  
25 print 'El mínimo es', minimo  
26 print 'El máximo es', maximo
```

- Cada elemento de la lista a la derecha del igual se asigna a cada elemento en la lista a la izquierda del igual!



Lo visto!

Ing. Ventre, Luis O.

Repasando!...

- **Funciones predefinidas!...**
- **Definición de FUNCIONES.**
- **Funciones con UN solo PARAMETRO.**
- **Funciones con VARIOS PARAMETROS.**
- **Funciones SIN PARAMETROS.**



Lo visto!

Ing. Ventre, Luis O.

- **Procedimientos....funciones SIN DEVOLUCION.**
- **Funciones que devuelven varios valores mediante LISTAS.**
- **Todo JUNTO!...**



Ejercicio final

- **Realice un programa, que:**
 1. A través de una función sin parámetros llamada **cargar_datos()** permita al usuario ingresar una lista de 8 elementos. Esta función debe DEVOLVER la lista al programa principal
 2. Implemente un **procedimiento** llamado **mostrar_lista(lista)** que reciba la lista ingresada como argumento y que la muestre en pantalla(no return).
 3. Implemente una función llamada **cantidad_pares(lista)** que reciba como argumento la lista ingresada por teclado y devuelva la cantidad de elementos pares en la misma



Ejercicio final

4. Finalmente su programa deberá implementar una función llamada **lista_pares(lista)**, que reciba la lista original de 8 elementos y genere una nueva lista con los elementos PARES. Esta lista debe ser devuelta al programa principal.
5. Desde el **programa principal** deberá imprimir cantidad de elementos pares y la lista de números PARES. Ambos valores son el resultado de los puntos 3 y 4.